***3.3. Мінімізація функції f4***

***Зм****.*

***Арк.***

***№ докум.***

***Підп.***

***Дата***

***Арк.***

***9***

*4*

***ІАЛЦ.463626.004 ПЗ***

***Метод Квайна-Мак-Класкі***

***Виходячи з таблиці 2.2, запишемо стовпчик ДДНФ (К0), розподіливши терми за кількістю одиниць. Проведемо попарне склеювання між сусідніми групами та виконаємо поглинання термів (рисунок 4.4).***

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| ***K0*** | ***K1*** | ***K2*** |
| ***~~0001 (1)~~*** | ***~~00X1 (1)~~*** | ***X0X1 (1)*** |
| ***~~0010 (1)~~*** | ***~~X001 (1)~~*** | ***~~X0X1 (1)~~*** |
| ***~~0011 (1)~~*** | ***001X (1)*** | ***XX11 (1)*** |
| ***~~0111 (1)~~*** | ***~~0X11 (1)~~*** | ***~~XX11 (1)~~*** |
| ***~~1001 (1)~~*** | ***~~X011 (1)~~*** | ***1XX1 (1)*** |
| ***~~1011 (1)~~*** | ***~~X111 (1)~~*** | ***~~1XX1 (1)~~*** |
| ***~~1100 (1)~~*** | ***~~10X1 (1)~~*** |  |
| ***~~1101 (1)~~*** | ***~~1X01 (1)~~*** |  |
| ***~~1111 (1)~~*** | ***~~1X11 (1)~~*** |  |
|  | ***110X (1)*** |  |
|  | ***~~11X1 (1)~~*** |  |

***Рисунок 4.4 - Склеювання і поглинання термів***

***Одержані прості імпліканти запишемо в таблицю покриття (таблиця 4.3).***

***Таблиця 4.3 - Таблиця покриття***

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | ***0001(F1)*** | ***0010(F1)*** | ***0011(F1)*** | ***0111(F1)*** | ***1001(F1)*** | ***1011(F1)*** | ***1100(F1)*** | ***1101(F1)*** | ***1111(F1)*** |
| ***001X (1)*** |  | ***+*** |  |  |  |  |  |  |  |
| ***110X (1)*** |  |  |  |  |  |  | ***+*** | ***+*** |  |
| ***X0X1 (1)*** | ***+*** |  |  |  | ***+*** |  |  |  |  |
| ***XX11 (1)*** |  |  | ***+*** | ***+*** |  | ***+*** |  |  | ***+*** |
| ***1XX1 (1)*** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

***В ядро функції входять ті терми, без яких неможливо покрити хоча б***  
 ***одну імпліканту.***  
 ***Ядро = {001X; 110X, X0X1, XX11}***  
 ***В МДНФ входять всі терми ядра, а також ті терми, що забезпечують***  
 ***покриття всієї функції з мінімальною ціною.  
 f4МНДФ= (X̅4X̅3X2) v (X4X3X̅2) v (X̅3X1) v (X2X1)***  
 ***Метод невизначених коефіцієнтів***

***Зм****.*

***Арк.***

***№ докум.***

***Підп.***

***Дата***

***Арк.***

***10***

*4*

***ІАЛЦ.463626.004 ПЗ***

***Ідея цього методу полягає у відкушанні ненульових коефіцієнтів при кожній імпліканті. Метод виконується у декілька етапів:***

***1. Рівняння для знаходження коефіцієнтів представляється у вигляді таблиці (таблиця 4.4).***

***2. Виконується відкреслення нульових рядків.***

***3. Викреслюються вже знайдені нульові коефіцієнти на залишившихся рядках.  
 4. Імпліканти, що залишилися, поглинають імпліканти справа від них.***

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| ***x4*** | ***x3*** | ***x2*** | ***x1*** | ***x4x3*** | ***x4x2*** | ***x4x1*** | ***x3x2*** | ***x3x1*** | ***x2x1*** | ***x4x3x2*** | ***x4x3x1*** | ***x4x2x1*** | ***x3x2x1*** | ***x4x3x2x1*** | ***f4*** |
| ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~000~~*** | ***~~000~~*** | ***~~000~~*** | ***~~000~~*** | ***~~0000~~*** | ***~~0~~*** |
| ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~01~~*** | ***~~00~~*** | ***01*** | ***~~01~~*** | ***~~000~~*** | ***001*** | ***~~001~~*** | ***001*** | ***0001*** | ***1*** |
| ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~00~~*** | ***~~01~~*** | ***~~00~~*** | ***~~01~~*** | ***~~00~~*** | ***~~10~~*** | ***001*** | ***~~000~~*** | ***~~010~~*** | ***~~010~~*** | ***0010*** | ***1*** |
| ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~00~~*** | ***~~01~~*** | ***~~01~~*** | ***~~01~~*** | ***01*** | ***11*** | ***001*** | ***001*** | ***011*** | ***011*** | ***0011*** | ***1*** |
| ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~01~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~00~~*** | ***~~010~~*** | ***~~010~~*** | ***~~000~~*** | ***~~100~~*** | ***~~0100~~*** | ***~~0~~*** |
| ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~01~~*** | ***~~00~~*** | ***~~01~~*** | ***~~10~~*** | ***~~11~~*** | ***~~01~~*** | ***~~010~~*** | ***~~011~~*** | ***~~001~~*** | ***~~101~~*** | ***~~0101~~*** | ***~~0~~*** |
| ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~01~~*** | ***~~01~~*** | ***~~00~~*** | ***~~11~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~011~~*** | ***~~010~~*** | ***~~010~~*** | ***~~110~~*** | ***~~0110~~*** | ***~~0~~*** |
| ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~01~~*** | ***~~01~~*** | ***~~01~~*** | ***~~11~~*** | ***~~11~~*** | ***11*** | ***~~011~~*** | ***~~011~~*** | ***011*** | ***111*** | ***0111*** | ***1*** |
| ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~00~~*** | ***~~100~~*** | ***~~100~~*** | ***~~100~~*** | ***~~000~~*** | ***~~1000~~*** | ***~~0~~*** |
| ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~11~~*** | ***~~00~~*** | ***01*** | ***~~01~~*** | ***~~100~~*** | ***101*** | ***~~101~~*** | ***001*** | ***1001*** | ***1*** |
| ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~10~~*** | ***~~11~~*** | ***~~10~~*** | ***~~01~~*** | ***~~00~~*** | ***~~10~~*** | ***~~101~~*** | ***~~100~~*** | ***~~110~~*** | ***~~010~~*** | ***~~1010~~*** | ***~~0~~*** |
| ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~10~~*** | ***~~11~~*** | ***~~11~~*** | ***~~01~~*** | ***01*** | ***11*** | ***~~101~~*** | ***101*** | ***111*** | ***011*** | ***1011*** | ***1*** |
| ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~0~~*** | ***~~11~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~00~~*** | ***110*** | ***~~110~~*** | ***~~100~~*** | ***~~100~~*** | ***1100*** | ***1*** |
| ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~1~~*** | ***~~11~~*** | ***~~10~~*** | ***~~11~~*** | ***~~10~~*** | ***~~11~~*** | ***~~01~~*** | ***110*** | ***~~111~~*** | ***~~101~~*** | ***~~101~~*** | ***1101*** | ***1*** |
| ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~0~~*** | ***~~11~~*** | ***~~11~~*** | ***~~10~~*** | ***~~11~~*** | ***~~10~~*** | ***~~10~~*** | ***~~111~~*** | ***~~110~~*** | ***~~110~~*** | ***~~110~~*** | ***~~1110~~*** | ***~~0~~*** |
| ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~1~~*** | ***~~11~~*** | ***~~11~~*** | ***~~11~~*** | ***~~11~~*** | ***~~11~~*** | ***11*** | ***~~111~~*** | ***~~111~~*** | ***111*** | ***111*** | ***1111*** | ***1*** |

***Таблиця 4.4 - Метод невизначених коефіцієнтів***